

લિબર્ટી પેપરસેટ

ધોરણ 12 : ભૌતિક વિજ્ઞાન

Full Solution

સમય : 3 કલાક

અસાઈનમેન્ટ પ્રશ્નપત્ર 15

Part A

1. (A) 2. (A) 3. (D) 4. (D) 5. (D) 6. (A) 7. (C) 8. (A) 9. (C) 10. (A) 11. (D) 12. (A) 13. (D) 14. (B) 15. (C)
16. (B) 17. (A) 18. (C) 19. (D) 20. (C) 21. (C) 22. (C) 23. (B) 24. (A) 25. (D) 26. (B) 27. (B)
28. (B) 29. (B) 30. (D) 31. (D) 32. (A) 33. (D) 34. (A) 35. (A) 36. (A) 37. (A) 38. (A) 39. (C)
40. (D) 41. (A) 42. (B) 43. (D) 44. (B) 45. (D) 46. (C) 47. (C) 48. (C) 49. (B) 50. (D)



➢ નીચે આપેલા પ્રશ્નોના માર્ગથા મુજબ ઉત્તર આપો : (દરેક પ્રશ્નના રૂપુણ)

1.

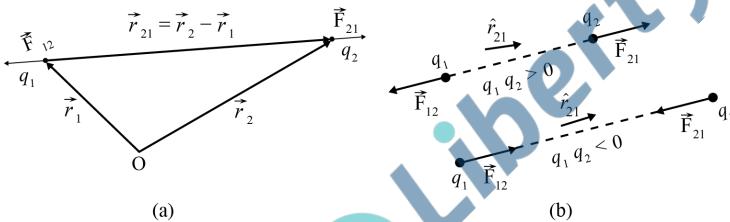
- (i) વિદ્યુતક્ષેપ્ર રેખા કાય્વનિક છે તે એવી રીતે દોરવામાં આવે છે કે, જેથી તેના કોઈ પણ પાસે દોરવામાં આવતો સ્પર્શક તે બિંદુ પાસે વિદ્યુતક્ષેપ્રની દિશા દરશાવે છે.
- (ii) વિદ્યુતક્ષેપ્ર રેખાઓ ધન વિદ્યુતભારમાંથી બહાર નીકળી નજીકના અધ્યા વિદ્યુતભારમાં દાખલ થાય છે.
- (iii) વિદ્યુતભાર વગરના વિસ્તારમાં વિદ્યુતક્ષેપ્ર રેખાઓ વચ્ચે તૂટ્યા વગરના સતત વક્તો તરીકે લઈ શકાય છે.
- (iv) સ્થિત વિદ્યુતક્ષેપ્રમાં વિદ્યુતક્ષેપ્ર રેખાઓ કદાપી બંધગાળો રચતી નથી.
- (v) એ વિદ્યુતક્ષેપ્ર રેખાઓ કદાપી એકબીજાને છેદદી નથી.
- (vi) વિદ્યુત ક્ષેપ્રદેખાણોનું ચોગથ રીતે કરવામાં આવતું વિતરણ તે વિસ્તારમાં વિદ્યુતક્ષેપ્રની તીવ્રતાનો ખ્યાલ આપે છે.
- (vii) સમાન વિદ્યુતક્ષેપ્ર દર્શાવતી ક્ષેપ્રદેખાણો એકબીજાને સમાંતર અને એકબીજાથી સમાન અંતરે આવેલ હોય છે.

2.

→ કુલંબના નિયમ :

“બે બિંદુવાટ સ્થિત વિદ્યુતભારો વચ્ચે લાગતું વિદ્યુતબળ (કુલંબળ) તે વિદ્યુતભારોનાં મૂલ્યોના ગુણાકારના સમપ્રમાણમાં અને લેમની વર્ણણા અંતરના વર્ગના વ્યાસ્ત પ્રમાણમાં હોય છે. આ બળની દિશા બે વિદ્યુતભારોને જોડતી રેખાની દિશામાં હોય છે.”

→ આકૃતિ (a) માં દર્શાવ્યા મુજબ, બે બિંદુવાટ વિદ્યુતભારો q_1 અને q_2 ના સ્થાનસહિતો અનુક્રમ \vec{r}_1 અને \vec{r}_2 છે.



→ આ બંને વિદ્યુતભાર એકબીજા પર બળ લગાડે છે. q_1 પર q_2 ને લીધે લાગતા બળને \vec{F}_{12} અને q_2 પર q_1 ને લીધે લાગતા બળને \vec{F}_{21} વડે દર્શાવવામાં આવે છે.

→ વિદ્યુતભાર q_1 થી q_2 તરફ દોરેલો સાદિશ \vec{r}_{21} વડે દર્શાવવામાં આવે છે.

$$\therefore \vec{r}_{21} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1$$

→ તેવી જ રીતે વિદ્યુતભાર q_2 થી q_1 તરફ દોરેલો સાદિશ \vec{r}_{12} વડે દર્શાવવામાં આવે છે.

$$\therefore \vec{r}_{12} = \vec{r}_1 - \vec{r}_2$$

આમ, $\vec{r}_{12} = -\vec{r}_{21}$ મળે.

→ સાદિશો \vec{r}_{12} અને \vec{r}_{21} ના માન અનુક્રમે r_{12} અને r_{21} મળે છે.

$$\rightarrow \text{એકમ સાદિશ } \hat{r}_{12} = \frac{\vec{r}_{12}}{r_{12}} \text{ અને } \hat{r}_{21} = \frac{\vec{r}_{21}}{r_{21}}$$

(એકમ સાદિશનો ઉપયોગ દિશા દર્શાવવા માટે થાય છે.)

આમ, $\hat{r}_{12} = -\hat{r}_{21}$ મળે.

→ કુલંબના નિયમ પરથી વિદ્યુતભાર q_1 વડે વિદ્યુતભાર q_2 પર લાગતું વિદ્યુત બળ સાદિશ સ્વરૂપે નીચે મુજબ લખી શકાય છે :

$$\vec{F}_{21} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r_{21}^2} \cdot \hat{r}_{21} \dots\dots (1)$$

જ્યાં, \hat{r}_{21} એ બળની દિશામાંનો એકમ સાદિશ છે.

- જો q_1 અને q_2 બંને સમાન વિહન ધરાવતાં હોય (બંને દળ અથવા બંને અક્ષા), તો \vec{F}_{21} અને \hat{r}_{21} બંને એક જ દિશામાં હોય છે, જે આકર્ષણ દશાવિ છે.
- જો q_1 અને q_2 બંને વિરુદ્ધ વિહન ધરાવતાં હોય, તો \vec{F}_{21} અને \hat{r}_{21} બંને પરસ્પર વિરુદ્ધ દિશામાં હોય છે, જે આકર્ષણ દશાવિ છે.
- q_2 વિદ્યુતભાર વડે q_1 વિદ્યુતભાર પર લાગતું બળ

$$\vec{F}_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r_{12}^2} \hat{r}_{12}$$

જ્યાં, \hat{r}_{12} - એ \vec{F}_{12} ની દિશામાંનો એકમ સાદિશ છે.

$$\text{પરંતુ, } \hat{r}_{12} = -\hat{r}_{21}$$

$$\therefore \vec{F}_{12} = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r_{12}^2} \cdot \hat{r}_{21} \quad \dots\dots (2)$$

- સમીકરણ (1) અને સમીકરણ (2) પરથી,

$$\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21} \text{ મળે.}$$

- આમ કહી શકાય કે, બંને વિદ્યુતભાર એકબીજા પર સમાન મૂલ્યનું અને પરસ્પર વિરુદ્ધ દિશામાંનું બળ લગાડે છે.

3.

- કિરોફના બંને નિયમનાં વિદ્યાન નીચે મુજબ છે :

(1) જંકશનનો નિયમ : “કોઈ પણ જંકશન આગળ દાખલ થતાં પ્રવાહોનો સરવાળો જંકશનની બહાર નીકળતા (દૂર જતાં) પ્રવાહોના સરવાળા બરાબર હોય છે.”

(2) લૂપ (બંધગાળા)નો નિયમ : “અવરોધો અને વિદ્યુતકોષો ધરાવતાં કોઈ પણ બંધગાળામાં વિદ્યુતસ્થિતિમાનના ફેરફારનો ઐજિક સરવાળો શૂન્ય હોય છે.”

- કિરોફના જંકશનના નિયમને વિદ્યુતભાર સંરક્ષણના નિયમ તરીકે અને કિરોફના લૂપના નિયમને ઊર્જા સંરક્ષણના નિયમ તરીકે ઓળખવામાં આવે છે.

4.

- મેળેટાઇઝન : કોઈ પદાર્થમાં એકમ કદ્દીઠ મળતી પરિણામી ચુંબકીય ચાકમાત્રાને મેળેટાઇઝન કહે છે.

$$\text{મેળેટાઇઝન } \vec{M} = \frac{\vec{m}}{V}$$

- મેળેટાઇઝન એ સાદિશ રાશિ છે, જેની દિશા ચુંબકીય કાયદોલ મોમેન્ટની દિશામાં હોય છે.

- તેનો એકમ $\frac{A}{m}$ અને પારિમાણિક સૂત્ર $L^{-1} A^1$

- એકમ લંબાઈદીઠ n આંટા ધરાવતો અને વિદ્યુતપ્રવાહ I ધારિત એક લાંબો સોલેનોઇડ દ્વારાનું લો.

- આ સોલેનોઇડના અંદરના ભાગમાં ચુંબકીયક્ષેત્ર

$$B_0 = \propto_0 n I \quad \dots\dots (1)$$

- ધારો કે, સોલેનોઇડમાં એતું દ્રવ્ય ભરવામાં આવે કે, જેનું મેળેટાઇઝન શૂન્ય ન હોય, તો આ પદાર્થ વડે પણ સોલેનોઇડની અંદર ચુંબકીયક્ષેત્ર ઉત્પણ થાય છે. પરિણામે સોલેનોઇડની અંદર મળતું પરિણામી ચુંબકીયક્ષેત્ર એ બંને ચુંબકીયક્ષેત્રના સાદિશ સરવાળા બરાબર હોય છે.

- પરિણામી ચુંબકીયક્ષેત્ર

$$\vec{B} = \vec{B}_0 + \vec{B}_m \quad \dots\dots (1)$$

જ્યાં, \vec{B}_m એ સોલેનોઇડમાં રહેતાં દ્રવ્યના કારણે મળતું ચુંબકીયક્ષેત્ર છે.

- \vec{B}_m એ મેળેટાઇઝન (\vec{M})ના સમપ્રમાણમાં હોય છે.

$$\therefore \vec{B}_m = \propto_0 \vec{M} \quad \dots\dots (2)$$

→ समीकरण (2) नी किंमत समीकरण (1) मां मूळता,

$$\therefore \vec{B} = \vec{B}_0 + \alpha_0 \vec{M}$$

→ समीकरणने α_0 वडे भागातां,

$$\therefore \frac{\vec{B}}{\mu_0} = \frac{\vec{B}_0}{\mu_0} + \vec{M}$$

$$\text{परंतु } \frac{\vec{B}_0}{\mu_0} = \vec{H} - \text{चुंबकीय तीव्रता}$$

$$\therefore \frac{\vec{B}}{\mu_0} = \vec{H} + \vec{M}$$

$$\therefore \vec{B} = \alpha_0 (\vec{H} + \vec{M})$$

→ चुंबकीय तीव्रता (\vec{H}) ना परिमाणा मेघोटाइप्पेशन ज्वां ९ छे. तेनो एकम A/m.

5.

→ अलग करेल वाहक गूँयालामांथी पसार थतां विद्युतप्रवाहमां क्षेत्रफल करवामां आवे छे त्यारे तेनी साथे संकलायेल चुंबकीय फ्लक्समां क्षेत्रफल थाय छे. परिणामे गूँयालामां प्रेरित emf उद्भवे छे. आ घटनाने आत्मप्रेरणा कहे छे.

→ अहीं, प्रेरित emf ने आत्मप्रेरित emf पण कहे छे.

→ अलग करेला N अंटा धरावतां गूँयालामांथी धारो के, I विद्युतप्रवाह पसार थाय छे.

→ गूँयाला साथे संकलायेल कुल चुंबकीय फ्लक्स,

$$N\phi_B \text{ a I}$$

$$\therefore N\phi_B = L I \dots\dots (1)$$

→ समीकरण (1) मां सभमाणताना अचलांक L ने गूँयालानु आत्मप्रेरकत्व कहे छे.

→ सभय साथे प्रवाहमां क्षेत्रफल करतां संकलायेल चुंबकीय फ्लक्स बढवाये छे, परिणामे प्रेरित emf उद्भवे छे.

$$\therefore N \frac{d\phi_B}{dt} = L \frac{dI}{dt} \dots\dots (2)$$

→ क्षेत्रेना नियम मुजब,

$$\epsilon = -N \frac{d\phi_B}{dt} \dots\dots (3)$$

समीकरण (2) अने (3) परथी,

$$\epsilon = -L \frac{dI}{dt} \dots\dots (4)$$

समीकरण (4) आत्मप्रेरित emf नुँ सूऱ छे.

6.

→ AC प्राप्तिस्थाननो वोल्टेज $v = v_m \sin \omega t$

→ मात्र इन्डक्टर धरावतां परिपथमां विद्युतप्रवाह

$$i = i_m \sin \left(\omega t - \frac{\pi}{2} \right)$$

$$\text{ज्यां, } i_m = \frac{v_m}{\omega L} \text{ विद्युतप्रवाहनो कंपविस्तार}$$

→ परिपथमां इन्डक्टरने मजतो तत्कालीन पावर

$$p = vi$$

$$\therefore p = v_m i_m \sin \omega t \sin \left(\omega t - \frac{\pi}{2} \right)$$

$$\therefore p = -v_m i_m \sin \omega t \cos \omega t$$

$$\therefore p = -\frac{v_m i_m}{2} (2 \sin \omega t \cos \omega t)$$

પરંતુ $2 \sin \omega t \cos \omega t = \sin 2\omega t$

$$\therefore p = -\frac{v_m i_m}{2} \sin 2\omega t$$

→ એક પૂર્ણ ચક દરમિયાન સરેરાશ પાવર

$$P = \bar{P} = \left\langle -\frac{v_m i_m}{2} \sin 2\omega t \right\rangle$$

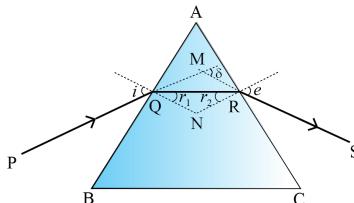
$$P = -\frac{i_m v_m}{2} \langle \sin 2\omega t \rangle$$

પરંતુ $\langle \sin 2\omega t \rangle = 0$

$$\therefore P = 0$$

→ આમ, એક પૂર્ણ ચક દરમિયાન, ઇન્ડકટરને પૂર્વો પડાતો સરેરાશ પાવર શૂન્ય હોય છે.

7.



→ આકૃતિમાં કોઈ બિઝમનો પુસ્તકના પાના સાથેનો આડછે ABC દર્શાવેલ છે. આ બિઝમનથી પસાર થતાં કોઈ મુજબ ગતિમાર્ગ PQRS છે.

→ પ્રથમ બાજુ AB માટે આપાતકોણ i અને વક્ત્તીભૂતકોણ r_1 છે.

→ બીજું બાજુ AC માટે આપાતકોણ r_2 અને નિર્ભિનનકોણ (વક્ત્તીભૂતકોણ) e છે.

→ નિર્ભિનનક્રણ (RS) અને આપાતક્રણ (PQ) ની દ્વિશા વચ્ચેના ખૂણાને વિચલનકોણ (δ) કહે છે.

→ □ AQNR માં $m\angle AQN = m\angle ARN = 90^\circ$ છે. પરિણામે બાકીના બે ખૂણાનો સરવાળો 180° થાય છે.

$$\therefore \angle A + \angle QNR = 180^\circ \dots (1)$$

→ ΔQNR માં,

$$r_1 + r_2 + \angle QNR = 180^\circ \dots (2)$$

→ સમીક્રણ (1) અને સમીક્રણ (2) ને સરખાવતાં,

$$\therefore \angle A + \angle QNR = r_1 + r_2 + \angle QNR$$

$$\therefore A = r_1 + r_2 \dots (3)$$

→ ΔQMR માં δ એ બહિષ્કોણ છે.

$$\therefore \delta = \angle MQR + \angle MRQ \dots (4)$$

પરંતુ $i = r_1 + \angle MQR$

$$\therefore \angle MQR = i - r_1$$

તેવી જ રીતે $\angle MRQ = e - r_2$ મળે.

→ આ બંને કિંમત સમીક્રણ (4) માં મૂક્તાં,

$$\therefore \delta = i - r_1 + e - r_2$$

$$\therefore \delta = i + e - (r_1 + r_2)$$

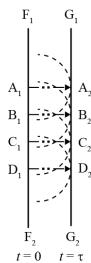
→ સમીક્રણ (3) પરથી કિંમત મૂક્તાં,

$$\therefore \delta = i + e - A$$

8.

→ હાઇગેનસનો સિલ્ફાંટ :

→ “કોઈ પણ તરંગઅચ્છ પરનો દરેક કણ કે મિંદુ ત્વયં ત્વતંત્ર એવા ગૌણ ઉદ્ગમ તરીકે વર્તે છે અને પોતાનામાંથી ગોળાકાર ગૌણ તરંગો ઉત્સર્જ છે. સૂક્ષ્મ સમયના અંતે આ ગોળાકાર ગૌણ તરંગોને પરિખર્શર્તુ કાવણિક પૂછ તે સમયે નવા તરંગઅચ્છાનું સ્થાન અને સ્વરૂપ આપે છે.”



→ આકૃતિમાં $t = 0$ સમયે સમતલ તરંગઅચ્છ $F_1 F_2$ દર્શાવેલ છે.

→ $t = t$ સમયે તરંગઅચ્છનો આકાર નક્કી કરવા માટે તરંગઅચ્છનાં દરેક મિંદુ ($A_1, B_1, C_1 \dots$ વગેરે) ને કેન્દ્ર તરીકે લઈ uA ત્રિજ્યા ધરાવતા ગોળા દોરવામાં આવે છે. ($u -$ માધ્યમમાં તરંગાની ગ્રદપ છે.)

→ આ બધા જ ગોળાઓએ સમાન સ્પર્શક દોરવામાં આવે છે, જે $t = t$ સમયે નવા તરંગઅચ્છાનું સ્થાન અને સ્વરૂપ દર્શાવે છે.

9.

→ (i) વિકિરણની દ્રવ્ય સાથેની અંતરકિયા, દરમિયાન, વિકિરણ જાણ કરા હોય તેમ વર્તે છે, જેને ફોટોન કહે છે.

→ (ii) દરેક ફોટોનની ઊર્જા $E = h\nu = \frac{hc}{\lambda}$ છે. દરેક ફોટોનનું વેગમાન, $p = \frac{hv}{c}$ છે.

→ (iii) જો કોઈ વિકિરણની આવૃત્તિ u અને તરંગાંબાઈ લ અચળ હોય, તો તેની ઊર્જા $E = h\nu = \frac{hc}{\lambda}$ અને વેગમાન $p = \frac{hv}{c}$ અચળ રહે છે.

→ જો વિકિરણની તીવ્રતામાં ફેરફાર કરવામાં આવે, તો એકમ સમયમાં ઉત્સર્જાતા (કે આપાત થતા) ફોટોનની સંખ્યામાં ફેરફાર થાય છે, પણ ઊર્જા અચળ જ રહે છે.

→ (iv) ફોટોન વિદ્યુતની દર્દિયાં તાત્ત્વ છે અને તેના પર વિદ્યુત કે ચુંબકીય ક્ષેત્રની અસર થતી નથી.

→ (v) ફોટોન-કણ સંઘાત (અથડામણી) દરમિયાન ઊર્જા અને વેગમાનનું સંરક્ષણ થાય છે, પણ આ દરમિયાન ફોટોનની સંખ્યાનું સંરક્ષણ ન પણ થાય.

→ સંઘાત દરમિયાન ફોટોનની સંખ્યામાં ઘટાડો થઈ શકે જેમ કે, ફોટોઇલેક્ટ્રિક ઉત્સર્જનમાં ફોટોનની સંખ્યા ઘટે છે અને ઇલેક્ટ્રોનનું ઉત્સર્જન થાય છે.

→ સંઘાત દરમિયાન ફોટોનની સંખ્યામાં વધારો પણ થઈ શકે. જેમ કે, વધુ ઊર્જા ધરાવતા ઇલેક્ટ્રોનને Mo (મોલિંડનમ) જેવી ધાતુ પર આપાત કરતાં તેમાંથી ક્ષા-કિરણો (ફોટોન્સ) ઉત્સર્જય છે.

10.

→ બોહરની બીજી સ્વીકૃતિ પરથી, હાઈડ્રોજન પરમાણુ માટે n મી કક્ષામાં ભ્રમણ કરતા ઇલેક્ટ્રોનની કક્ષીય બિજ્યાનું સૂત્ર નીચે મુજબ મળે છે.

$$r_n = \frac{n^2 h^2 \epsilon_0}{\pi m e^2} \dots (1)$$

→ હાઈડ્રોજન પરમાણુની રથાયી અવસ્થાઓમાં ઇલેક્ટ્રોનની કુલ ઊર્જાનું સૂત્ર

$$E_n = - \frac{1}{8\pi\epsilon_0} \frac{e^2}{r_n} \dots (2)$$

→ સમીકરણ (1) ની કિંમત સમીકરણ (2) માં મૂક્યા,

$$E_n = - \frac{1}{8\pi\epsilon_0} \left(\frac{e^2}{\frac{n^2 h^2 \epsilon_0}{\pi m e^2}} \right)$$

$$\therefore E_n = - \frac{me^4}{8\epsilon_0^2 n^2 h^2}$$

→ આ સમીકરણમાં $m = 9.1 \times 10^{-31}$ (ઇલેક્ટ્રોનનું દળ)

$$e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

$$\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \frac{\text{C}^2}{\text{Nm}^2}$$

$$h = 6.625 \times 10^{-34} \text{ Js}$$

→ કિંમત મુજબ મૂકીને સાદૃષ્ય આપતાં

$$E_n = - \frac{2.18 \times 10^{-18}}{n^2} \text{ J મળે,}$$

→ પરમાણુ ઊર્જાને ઇલેક્ટ્રોન વોલ્ટમાં દર્શાવવામાં આવે છે.

$$\therefore E_n = - \frac{2.18 \times 10^{-18}}{n^2 \times 1.6 \times 10^{-19}} \text{ eV}$$

$$\therefore E_n = - \frac{13.6}{n^2} \text{ eV}$$

→ કક્ષામાં ભરતાં ઇલેક્ટ્રોનની કુલ ઊર્જાનું અણા મૂલ્ય એમ સૂચયે છે કે ઇલેક્ટ્રોન વ્યુક્લિયસ સાથે બંધિત છે.

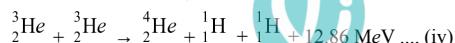
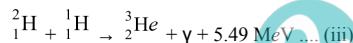
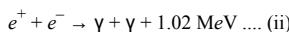
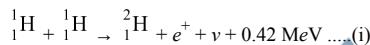
→ જે દર્શાવે છે કે હાઈડ્રોજન પરમાણુમાંથી ઇલેક્ટ્રોનને તેના વ્યુક્લિયસથી અનંત અંતરે દૂર કરવા માટે ઊર્જા આપવી પડે છે.

11.

→ તાપ વ્યુક્લિયસ સંલગ્ન પ્રક્રિયાના લીધે સૂર્ય સંતત ઊર્જાનું ઉત્સર્જન કરે છે. સૂર્યના અંતરિક્ષાળ ભાગનું તાપમાન $1.5 \times 10^7 \text{ K}$ છે.

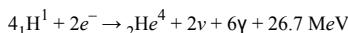
→ સૂર્યમાં થતી તાપ વ્યુક્લિયસ સંલગ્ન પ્રક્રિયાને પ્રોટોન-પ્રોટોન તરીકે ઓળખવામાં આવે છે. આ પ્રક્રિયાએ ઘણા તબક્કાઓમાં થતી પ્રક્રિયા છે, જેમાં હાઈડ્રોજન દહન પામીને હિલિયમ બનાવે છે. આમ સૂર્યમાં બળતાળ તરીકે તેના ગર્ભભાગમાં હાઈડ્રોજન રહેલ છે.

→ પ્રોટોન-પ્રોટોન (p, p) ચક નીચેની પ્રક્રિયાઓના સમૂહ હારા ચ્યૂ કરાય છે :

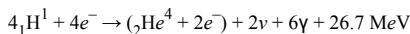


→ આ ચક્કિય પ્રક્રિયામાં પહેલી પ્રણ પ્રક્રિયા બે થારી જોઈએ અને ચોથી પ્રક્રિયા એક વાર થાય છે. આ ચોથી પ્રક્રિયામાં બે હલકા હિલિયમ વ્યુક્લિયસ બોડાઈન સામાન્ય હિલિયમ વ્યુક્લિયસ બનાવે છે.

→ જે આપણે 2(i) + 2(ii) + 2(iii) + (iv) સંચોઝન વિચારીએ તો કુલ અસર આ પ્રમાણે થશે :



અથવા



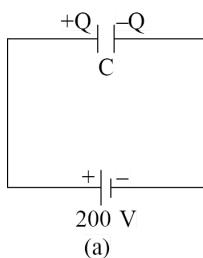
→ આમ, ચાર હાઈડ્રોજન પરમાણુઓ સંચોઝને ${}_2^4\text{He}$ પરમાણુ બનાવે છે અને તેમાં 26.7 MeV ઊર્જા વિમુક્ત થાય છે.

ફોરવર્ડ બાયસ	રિવર્સ બાયસ
p-n જકશનના p - પ્રકારના અર્દવાહિકને બેટરીના ધન છેડા સાથે અને n-પ્રકારના અર્દવાહિકને બેટરીના અધણ છેડા સાથે જોડવામાં આવે છે. આ જોડાણને ફોરવર્ડ બાયસ જોડાણ કહે છે.	p-n જકશનના p - પ્રકારના અર્દવાહિકને બેટરીના અધણ છેડા સાથે અને n-પ્રકારના અર્દવાહિકને બેટરીના ધન છેડા સાથે જોડવામાં આવે છે. આ જોડાણને રિવર્સ બાયસ જોડાણ કહે છે.
ફોરવર્ડ બાયસમાં મળતો વિદ્યુતપ્રવાહ મેળોચિટી ચાર્જ કેન્દ્રિયરના લીધે હોય છે.	રિવર્સ બાયસમાં મળતો વિદ્યુતપ્રવાહ માધનોચિટી ચાર્જ કેન્દ્રિયરના લીધે હોય છે.
ફોરવર્ડ બાયસમાં મળતો વિદ્યુતપ્રવાહ mA ના ક્રમનો હોય છે.	રિવર્સ બાયસમાં મળતો વિદ્યુતપ્રવાહ $\propto A$ ના ક્રમનો હોય છે.
ડાયોડને ફોરવર્ડ બાયસમાં જોડતાં ડિસેશન સ્તરની પહોળાઈ અને બેન્દિયર પોટેન્શિયલની ઊંચાઈ ઘટે છે.	ડાયોડને રિવર્સ બાયસ આપતાં ડિસેશન સ્તરની પહોળાઈ અને બેન્દિયર પોટેન્શિયલની ઊંચાઈ વધે છે.
ડાયોડનો ફોરવર્ડ બાયસ અવરોધ 10Ω થી 100Ω ની વાયુ હોય છે.	ડાયોડનો રિવર્સ બાયસ અવરોધ $10 M\Omega$ ના ક્રમનો હોય છે.

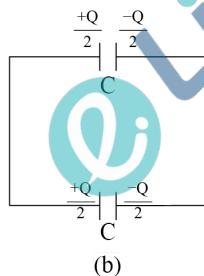
વિભાગ B

➤ નીચે આપેલા પ્રશ્નોના માર્ગયા મુજબ ઉત્તર આપો : (દરેક પ્રશ્નના 3 ગુણ)

13.



(a)



(b)

→ $C = 600 \text{ pF}$

$V = 200 \text{ V}$

→ પ્રારંભિક અવરોધમાં કેપેસિટન્સમાં સંગ્રહિત ઊર્જા

$$U_1 = \frac{1}{2} CV^2$$

$$U_1 = \frac{1}{2} \times 600 \times 10^{-12} \times (200)^2$$

$$U_1 = 12 \times 10^{-6} \text{ J}$$

→ કેપેસિટન્સ પરનો વિદ્યુતભાર

$$Q = CV$$

$$\therefore Q = 600 \times 10^{-12} \times 200$$

$$\therefore Q = 12 \times 10^{-8} \text{ C}$$

→ આકૃતિ (b) માં દર્શાવ્યા મુજબ, બેટરી દૂરુ કરી બીજું 600 pF નું વિદ્યુતભારવિહીન કેપેસિટન્સ જોડતાં વિદ્યુતભાર બંને કેપેસિટન્સ પર સમાન

ચીતે વહેંચાય છે. પરિણામે દરેક કેપેસિટનો વિદ્યુતભાર $\frac{Q}{2}$ થાય, પરંતુ કુલ વિદ્યુતભાર Q અચળ રહે છે.

- આકૃતિ (b) માં દરખાલ સમાંતર જોડાણ માટે સમતુલ્ય કેપેસિટન્સ $C' = 2C$ થાય.
- અંતિમ અવસ્થામાં તંત્ર વડે સંગ્રહાયેલી કુલ ઊર્જા

$$U' = \frac{Q^2}{2 C'}$$

$$\therefore U' = \frac{Q^2}{2(2C)}$$

$$\therefore U' = \frac{(12 \times 10^{-8})^2}{4 \times 600 \times 10^{-12}}$$

$$\therefore U' = \frac{144 \times 10^{-16}}{4 \times 6 \times 10^{-10}}$$

$$\therefore U' = 6 \times 10^{-6} \text{ J}$$

- પ્રક્રિયા દરમિયાન ગુમાવાતી ઊર્જા

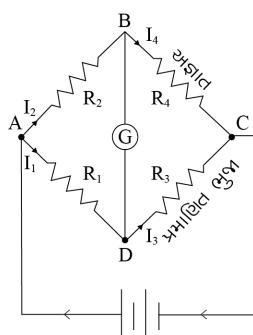
$$\Delta U = U - U'$$

$$= 12 \times 10^{-6} - 6 \times 10^{-6}$$

$$\Delta U = 6 \times 10^{-6} \text{ J}$$

14.

- આકૃતિમાં દરખાલા પરિપથને વ્હીટસ્ટન બ્રિજ કહે છે. તેમાં ચાર અવરોધ R_1, R_2, R_3 અને R_4 નો ઉપયોગ કરવામાં આવે છે. તેમાંથી અણ અવરોધ ફાત (જાણીતા મૂલ્ય ધરાવતાં) અને એક અવરોધ અકાત (જેનું મૂલ્ય જાણતા નથી) હોય છે.
- અજ્ઞાત અવરોધનું મૂલ્ય શોધવા માટે વ્હીટસ્ટન બ્રિજ પરિપથનો ઉપયોગ કરવામાં આવે છે.
- આકૃતિમાં દરખાના મુજબ વિકર્ષણના સામ-સામે આવેલાં બે બિંદુઓ (આકૃતિમાં A અને C)ની જોડ વચ્ચે ઉદ્ગામ જોડવામાં આવે છે, તેથી AC ને બેટરી ભૂજા (Battery arm) કહે છે.
- બીજી બે બિંદુઓ B અને D વચ્ચે ગેલ્વેનોમીટર-G જોડવામાં આવે છે, તેને ગેલ્વેનોમીટર ભૂજા કહે છે.



- A અને C બિંદુ વચ્ચે બેટરી જોડતાં અવરોધ R_1, R_2, R_3 અને R_4 માંથી વહેંતાં વિદ્યુતપ્રવાહો અનુકૂમે I_1, I_2, I_3 અને I_4 મળે છે.
 - અહીં, અણ ફાત અવરોધના મૂલ્ય એવી રીતે પસંદ કરવામાં આવે છે કે, જેથી ગેલ્વેનોમીટરમાંથી પસાર થતો વિદ્યુત પ્રવાહ શૂન્ય થાય. ($I_g = 0$)
 - જ્યારે ગેલ્વેનોમીટરમાંથી વહેંતો વિદ્યુતપ્રવાહ શૂન્ય થાય ત્યારે બ્રિજ સંતુલિત અવસ્થામાં છે તેમ કહેવાય.
 - બ્રિજની સમતોલન અવસ્થા માટે આકૃતિ પરથી $I_1 = I_3$ અને $I_2 = I_4$ મળે.
 - નંદગાળા A – D – B – A પર કિર્ચોફનો લૂપનો નિયમ લાગુ પાડતાં,
- $$-I_1R_1 + 0 + I_2R_2 = 0$$
- $$\therefore I_1R_1 = I_2R_2 \dots\dots (1)$$
- નંદગાળા C – B – D – C પર કિર્ચોફનો લૂપનો નિયમ લાગુ પાડતાં,

$$I_4 R_4 + 0 - I_3 R_3 = 0$$

$$\therefore I_3 R_3 = I_4 R_4 \dots (2)$$

→ समीकरण (1) अने (2) नो युणोत्तर लेतां,

$$\therefore \frac{I_1 R_1}{I_3 R_3} = \frac{I_2 R_2}{I_4 R_4}$$

$$\text{परंतु } I_1 = I_3 \text{ अने } I_2 = I_4$$

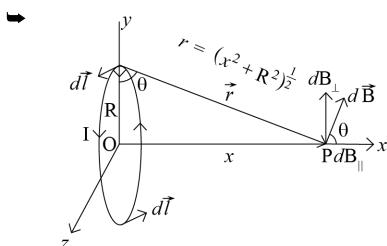
$$\therefore \frac{R_1}{R_3} = \frac{R_2}{R_4} \text{ अथवा } \frac{R_1}{R_2} = \frac{R_3}{R_4}$$

→ जे हीटरेन ख्रिज परिपथ समतोलनमां होवा माटेनी शरत छे.

→ जे प्रथा अवशेष R_1, R_2 अने R_3 ना मूल्य ज्ञात होय तो R_4 नुँ मूल्य $R_4 = R_3 \cdot \frac{R_2}{R_1}$ नां सूत्र परथी मेगवी शकाय छे.

15.

→ आकृतिमां दर्शाव्या अनुसार R ख्रिजानी वाहक लूपमांथी पसार थतो विद्युतप्रवाह I छे.



→ आ लूपने ऐती रीते गोठववामां आवे के, जेथी तेनु समतल अन्य समतलमां रहे अने X-अक्ष एने लूपनी अक्षमांथी पसार थाय.

→ X-अक्ष पर x जेटला अंतरे बिंदु P आवेल छे. आ बिंदु पासे चुबकीयक्षेत्र मेगवत्तु छे. आ माटे लूप पर $I d\vec{l}$ जेटलो एक प्रवाहिधारित खंड कल्पवामां आवे छे.

→ आ प्रवाहिधारित खंडना कारणे बिंदु P पासे चुबकीयक्षेत्र (मूल्य)

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{|I d\vec{l} \times \vec{r}|}{r^3} \dots (1)$$

परंतु $I d\vec{l} \perp \vec{r}$ छे. कारण के, आकृतिमां दर्शाव्या मुजब, $I d\vec{l}$ एन्य समतलमां छे अने बिंदु P नो स्थानसंदिश (\vec{r}) एन्य समतलमां छे.

$$\therefore dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I dl \sin 90}{r^3}$$

$$\therefore dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I dl}{r^2} \dots (2)$$

→ आकृति परथी, $r^2 = R^2 + x^2$ होवाथी,

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I dl}{(R^2 + x^2)} \dots (3)$$

→ बिंदु P पासे मगता चुबकीयक्षेत्रना बे घटको पडे छे :

(i) लंबघटक ($dB_{\perp} = dB \sin \theta$)

⇒ परिणामी चुबकीयक्षेत्र मेगववा माटे ज्यारे लंबघटकनो सरवालो करवामां आवे त्यारे ते एकलीजाने नाभूद करे छे अने परिणाम शून्य मगे छे.

(ii) समांतर घटक ($dB_{\parallel} = dB \cos \theta$)

⇒ परिणामी चुबकीयक्षेत्र मेगववा माटे समांतर घटकोनो सरवालो करवामां आवे छे. एटले कै, $dB_x = dB \cos \theta$ नुँ संकलन करतां बिंदु P पासे परिणामी चुबकीयक्षेत्र मगे छे.

⇒ $dB(x) = dB \cos \theta$

$$\therefore dB(x) = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{Idl}{R^2 + x^2} \cdot \cos \theta \dots\dots (4)$$

(સમીકરણ (3) પરથી)

$$\begin{aligned} &\Rightarrow \text{આફ્ટિ પરથી, } \cos \theta = \frac{R}{(x^2 + R^2)^{\frac{1}{2}}} \\ \therefore dB(x) &= \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{Idl}{R^2 + x^2} \cdot \frac{R}{(R^2 + x^2)^{\frac{1}{2}}} \\ \therefore dB(x) &= \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{Idl \cdot R}{(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}} \end{aligned}$$

→ કુલ યૂબકીયક્ષેત્ર,

$$\begin{aligned} B &= \oint dB(x) = \frac{\mu_0 IR}{4\pi(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}} \oint dl \\ &= \frac{\mu_0 IR}{4\pi(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}} (2\pi R) \\ \therefore B &= \frac{\mu_0 IR^2}{2(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}} \end{aligned}$$

→ સાધન સ્વરૂપ,

$$\vec{B} = \frac{\mu_0 IR^2}{2(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}} \cdot \hat{i}$$

→ દ્વૂપના કેન્દ્ર પર યૂબકીયક્ષેત્ર મેળવવા માટે $x = 0$ મૂકતાં,

$$\therefore B = \frac{\mu_0 IR^2}{2R^3}$$

$$\therefore B = \frac{\mu_0 I}{2R}$$

→ જો ગૂંઘળામાં N આંટા રહેલાં હોય, તો

$$\vec{B} = \frac{\mu_0 NIR^2}{2(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}} \cdot \hat{i}$$

16.

→ (a) સોલેનોઇડમાં સંગ્રહિત ઊર્જા,

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \dots\dots (1)$$

→ પરંતુ $L = \mu_0 n^2 A/l$ અને $B = \mu_0 nI$ પરથી,

$$I = \frac{B}{\mu_0 n} \text{ મળે છે.}$$

→ L અને I ની કિંમત સમીકરણ (1) માં મૂકતાં,

$$\therefore U = \frac{1}{2} (\mu_0 n^2 Al) \left(\frac{B^2}{\mu_0^2 n^2} \right)$$

$$= \frac{B^2}{2\mu_0} \cdot Al$$

(b) એકમ કર દીચ સંગ્રહાતી ઊર્જાને ઊર્જા ઘનતા કરે છે.

$$\therefore \text{ગુર્જ દિનતા} = \frac{\text{ગુર્જ}}{\text{કે}}$$

$$\therefore q_B = \frac{\frac{B^2}{2\mu_0} \cdot Al}{Al}$$

$$\therefore q_B = \frac{B^2}{2\mu_0} \quad \dots \dots (2)$$

→ સમાંતર એટ કેપેસિટરમાં ગુર્જ દિનતા

$$q_E = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2 \text{ મળે છે.}$$

→ q_E અને q_B ના સમીકરણો પરથી કહી શકાય કે આ બંને કિર્સાઓમાં ગુર્જએ ક્ષેત્રની તીવ્રતાના વર્ગના સમભાણમાં છે.

17.

→ $V_m = 283 \text{ V}$

$$v = 50 \text{ Hz}$$

$$R = 3 \Omega$$

$$C = 796 \text{ } \mu\text{F}$$

$$L = 25.48 \text{ mH}$$

→ (a) પરિપथનો ઇમ્પોડન્સ (Z),

⇒ ઇન્ડકિટવ રિઅન્કટન્સ (X_L)

$$X_L = \omega L = 2\pi v L$$

$$\therefore X_L = 2 \times 3.14 \times 50 \times 25.48 \times 10^{-3}$$

$$\therefore X_L = 8000.72 \times 10^{-3}$$

$$\therefore X_L = 8 \Omega$$

⇒ કેપેસિટિવ રિઅન્કટન્સ (X_C)

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi v C}$$

$$\therefore X_C = \frac{1}{2 \times 3.14 \times 50 \times 796 \times 10^{-6}}$$

$$\therefore X_C = \frac{1000000}{249944}$$

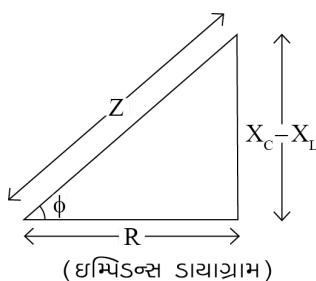
$$\therefore X_C = 4 \Omega$$

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_C - X_L)^2}$$

$$\therefore Z = \sqrt{3^2 + (4 - 8)^2}$$

$$\therefore Z = 5 \Omega$$

(b) કળા તફાવત (ϕ)



$$\tan \varphi = \frac{X_C - X_L}{R}$$

$$\tan \varphi = \frac{4 - 8}{3}$$

$$\tan \varphi = -\frac{4}{3}$$

$$\tan \varphi = -1.3333$$

$$\varphi = -53.1^\circ$$

નોંધ : અહીં φ અધાર છે. તેથી સ્પોતના બે છેડા વાયરલ વોલ્ટેજ કરતાં પરિપથનો પ્રવાહ પાછળ છે.

(c) પરિપથમાં વ્યવ થતો પાવર,

$$P = I^2 R$$

$$\text{પરંતુ } I = \frac{I_m}{\sqrt{2}}$$

$$\therefore I = \frac{V_m}{Z\sqrt{2}}$$

$$\therefore P = \frac{V_m^2}{Z^2(2)} \cdot R$$

$$\therefore P = \frac{(283)^2 \times 3}{25 \times 2}$$

$$\therefore P = 4800 \text{ W}$$

(d) પાવર ફેકટર

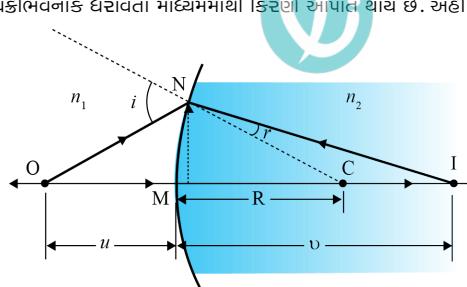
$$\cos \varphi = \cos (-53.1^\circ)$$

$$= \cos 53.1^\circ$$

$$= 0.6$$

18.

- આકૃતિમાં દર્શાવ્યા મુજબ, વક્ષસપાઠીની મુખ્ય અક્ષ પર બિંદુવત્ત વસ્તુ O મૂકવામાં આવેલ છે. વક્ષસપાઠીનું વક્તાકેન્દ્ર 'C' અને વક્તાત્રિજ્યા 'R' છે.
- n_1 વકીભવનાંક દરાવતાં માધ્યમમાંથી કિરણો આપાત થાય છે. અહીં આપાતકિરણો OM અને ON છે.



- n_2 વકીભવનાંક દરાવતાં માધ્યમમાં તેઓ વકીભવન પામે છે.
- અહીં NI અને MI એ વકીભૂત કિરણો છે જે I બિંદુમાં છે છે. પરિણામે બિંદુવત્ત વસ્તુ O નું પ્રતિબિંબ I મળે છે.
- ધારો કે, વસ્તુ-અંતર, પ્રતિબિંબ-અંતર અને વક્તાત્રિજ્યાની સરખામણીમાં વક્ષસપાઠીનું મુખ નાનું છે. જેથી ખૂણાઓ નાના લઈ શકાશે.
- અહીં વક્ષસપાઠીનું દર્પણમુખ નાનું ધારેલું હોવાથી MN ની વક્તાને અવગણી શકાય છે.
- આકૃતિ પરથી,

$$\tan \angle NOM \approx \angle NOM = \frac{MN}{OM} \dots (1)$$

$$\tan \angle NCM \approx \angle NCM = \frac{MN}{MC} \dots (2)$$

$$\tan \angle NIM \approx \angle NIM = \frac{MN}{MI} \dots (3)$$

→ આફ્રતિ પરથી, Δ NOC માં i બહિકોણ છે. માટે,

$$i = \angle NCM + \angle NCM$$

$$\therefore i = \frac{MN}{OM} + \frac{MN}{MC} \dots (4)$$

(સમીકરણ (1) અને સમીકરણ (2) ની કિંમત મૂકતાં)

→ આફ્રતિ પરથી, Δ NIC માં $\angle NCM$ બહિકોણ છે.

$$\therefore \angle NCM = r + \angle NIM$$

$$r = \angle NCM - \angle NIM$$

$$\therefore r = \frac{MN}{MC} - \frac{MN}{MI} \dots (5)$$

(સમીકરણ (2) અને (3) ની કિંમત મૂકતાં)

→ આપાતંદું N પાસે સ્લેલનો નિયમ લાગુ પાડતાં,

$$n_1 \sin i = n_2 \sin r$$

$$\text{પરંતુ, } \sin i \approx i$$

$$\sin r \approx r$$

$$\therefore n_1 i = n_2 r$$

→ સમીકરણ (4) અને સમીકરણ (5) ની કિંમત મૂકતાં,

$$n_1 \left(\frac{MN}{OM} + \frac{MN}{MC} \right) = n_2 \left(\frac{MN}{MC} - \frac{MN}{MI} \right)$$

$$\therefore \frac{n_1}{OM} + \frac{n_1}{MC} = \frac{n_2}{MC} - \frac{n_2}{MI}$$

$$\therefore \frac{n_1}{OM} + \frac{n_2}{MI} = \frac{n_2}{MC} - \frac{n_1}{MC}$$

$$\therefore \frac{n_1}{OM} + \frac{n_2}{MI} = \frac{n_2 - n_1}{MC}$$

→ પરંતુ આફ્રતિ પરથી, $OM = u$

$$MI = v \text{ અને } MC = R$$

(સંજ્ઞા પદ્ધતિ અનુસાર ધન અને અધિષ્ણાની નક્કી કરવામાં આવેલ છે.)

$$\therefore -\frac{n_1}{u} + \frac{n_2}{v} = \frac{n_2 - n_1}{R}$$

→ આ સમીકરણ ગોળીય વક્તીભવનકારક સપાઠી માટે વસ્તુ- અંતર, પ્રતિભિંબ-અંતર, વક્તાગ્રિજ્યા અને માધ્યમના વક્તીભવનાંક વસ્તોનો સંબંધ દર્શાવતું સમીકરણ છે.

19.

→ યંગના બે સિલેટના પ્રયોગમાં પડદા પરના કોઈ પણ બિંદુ પાસે પરિણામી તીવ્રતા નીચેના સૂત્ર વડે આપી શકાય છે :

$$I = 4 I_0 \cos^2 \frac{\phi}{2} \dots (1)$$

જ્યાં, ϕ = કળાતફાવત

→ પડદા પરના જે બિંદુ પાસે પથતફાવત λ હોય તે બિંદુ પાસે કળાતફાવત

$$\phi = \frac{2\pi}{\lambda} \times \text{પથતફાવત}$$

$$\therefore \phi = \frac{2\pi}{\lambda} \times \lambda$$

$$\therefore \phi = 2\pi$$

→ સમીકરણ (1) માં $I = k$ અને $\phi = 2\pi$ મૂકતાં,

$$\therefore K = 4 I_0 \cos^2 \frac{2\pi}{2}$$

$$\therefore K = 4 I_0 \cos^2 \pi$$

$$\therefore K = 4 I_0 \dots (2) (\because \cos^2 \pi = (-1)^2 = 1)$$

→ पथतक्षावत $\frac{\lambda}{3}$ होय ते अंदू पासे कणातक्षावत,

$$\varphi' = \frac{2\pi}{\lambda} \times \text{पथतक्षावत}$$

$$\therefore \varphi' = \frac{2\pi}{\lambda} \times \frac{\lambda}{3}$$

$$\therefore \varphi' = \frac{2\pi}{3}$$

→ आ अंदू पासे तीव्रता I' छे.

→ समी. (1) परदी,

$$I' = 4 I_0 \cos^2 \frac{\phi'}{2}$$

$$\therefore I' = 4 I_0 \cos^2 \left(\frac{2\pi}{3 \times 2} \right)$$

$$\therefore I' = 4 I_0 \cos^2 \left(\frac{\pi}{3} \right)$$

$$\therefore I' = 4 I_0 \left(\frac{1}{2} \right)^2$$

$$\therefore I' = I_0 \dots (3)$$

→ समीकरण (3) अने (2) नो गुणोत्तर लेतां,

$$\therefore \frac{I'}{K} = \frac{I_0}{4 I_0}$$

$$\therefore I' = \frac{K}{4}$$

20.

- ई.स. 1905 मां आइन्स्टाइने फ्लोर्डलेकिर्क असरनी ऐतिहासिक समजूती आपि. ज्ञेन माटे तेमने ई.स. 1921 मां भौतिक विज्ञानानुं नोबेल पारितोषिक एनायत करवामां आव्युं.
- आइन्स्टाइने विकिरण विशे मेक्स प्लेक्स आपेल घ्यालने स्थीकारी लीडो. आ घ्याल भ्रमाणे विकिरणानी उर्जा सतत नाथी. विकिरण ए असतत रूपे वितरीत उर्जा द्यावता एकमोनुं बनेलुं छे. (उर्जाना पडिका) आ उर्जाना एकमोने झोटेन अथवा क्वोन्टम कठेवामां आपे छे.

देक्क क्वोन्टम (झोटेन) नी उर्जा $E = h\nu$ होय छे.

ज्यां, $h = \text{प्लान्कनो अचालांक}$

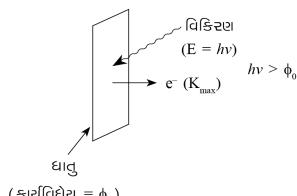
$$h = 6.625 \times 10^{-34} \text{ J s}$$

$$\nu = \text{विकिरणी आवृत्ति}$$

- ज्यारे विकिरण धातुनी संपाठी पर आपात थाय त्यारे धातुमां रठेला इलेक्ट्रोन विकिरणना क्वोन्टम साथे अंतरकिया करे छे. अंतरकिया दरभियान जो एक क्वोन्टमनी उर्जा ($h\nu$) ए आपेल धातुना कार्यविधीय (Φ_0) करतां वधारे होय, तो इलेक्ट्रोन आ क्वोन्टमने एटेले के क्वोन्टमनी पूर्चैपूर्ची उर्जाने ($h\nu$ ने) शोषी ले छे अने महत्तम गतिउर्जा K_{\max} साथे धातुमांथी उत्सर्जन पामे छे.

$$\text{आम, } K_{\max} = h\nu - \Phi_0$$

आ समीकरणने आइन्स्टाइनानुं फ्लोर्डलेकिर्क असरनुं समीकरण कहे छे.



- જો ફોટોનની આંતરકિયા વધુ પ્રભળતા સાથે લોડાયેલા ઇલેક્ટ્રોન સાથે થાય, તો તે ઇલેક્ટ્રોનને બહાર આવવા માટે વધુ ઊર્જાની જરૂર હોય છે, માટે તે K_{\max} કરતાં ઓછી ઊર્જા સાથે ઉત્સર્જન પામે છે.

21.

→
$$(a) \text{ ઇલેક્ટ્રોન માટે કક્ષીય ગ્રિજાયા } r = \frac{n^2 h^2 \epsilon_0}{\pi m e^2} \dots (1)$$

⇒ ઇલેક્ટ્રોન પર કેન્દ્રગામી બળ લાગે છે જે કુલંગબળ પૂર્ણ પાડે છે.

$$\frac{mv_n^2}{r_n} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{e^2}{r_n^2}$$

$$\therefore v_n^2 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{e^2}{mr_n}$$

⇒ સમી. (1)ની કિમત મુક્તાં,

$$\therefore v_n^2 = \frac{\frac{1}{4\pi\epsilon_0}}{m \left(\frac{n^2 h^2 \epsilon_0}{\pi m e^2} \right)}$$

$$\therefore v_n^2 = \frac{e^4}{4n^2 h^2 \epsilon_0^2}$$

$$\therefore v_n = \frac{e^2}{2nh\epsilon_0}$$

$$\therefore v_n = \frac{(1.6 \times 10^{-19})^2}{2 \times n \times 6.625 \times 10^{-34} \times 8.85 \times 10^{-12}}$$

$$\therefore v_n = \frac{2.18 \times 10^6}{n}$$

⇒ સમીકરણમાં $n = 1$ મુક્તાં,

$$v_1 = 2.18 \times 10^6 \text{ m/s}$$

⇒ સમીકરણમાં $n = 2$ મુક્તાં,

$$v_2 = \frac{2.18 \times 10^6}{2} = 1.09 \times 10^6 \text{ m/s}$$

⇒ સમીકરણમાં $n = 3$ મુક્તાં,

$$v_3 = \frac{2.18 \times 10^6}{3} = 0.727 \times 10^6 \text{ m/s}$$

→ (b) આવર્તકાળ (T)

$$T_n = \frac{2\pi r_n}{v_n}$$

$$\text{પરંતુ } r_n = \frac{n^2 h^2 \epsilon_0}{\pi m e^2}, v_n = \frac{e^2}{2nh\epsilon_0}$$

$$T_n = \frac{2\pi}{\left(\frac{e^2}{2nh\epsilon_0} \right)} \left(\frac{n^2 h^2 \epsilon_0}{\pi m e^2} \right) = \frac{4n^3 h^3 \epsilon_0^2}{me^4}$$

$$T_n = \frac{4 \times n^3 \times (6.625 \times 10^{-34})^3 (8.85 \times 10^{-12})^2}{9.1 \times 10^{-13} \times (1.6 \times 10^{-19})^2}$$

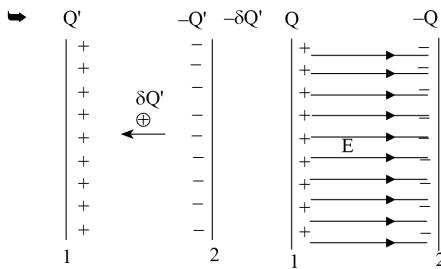
$$T_n = 1.53 \times 10^{-16} n^3$$

- ⇒ सभीकरणमां $n = 1$ मुक्तां, $T_1 = 1.53 \times 10^{-16} \text{ s}$
- ⇒ सभीकरणमां $n = 2$ मुक्तां, $T_2 = 1.53 \times 10^{-16} \times (2)^3$
 $T_2 = 1.22 \times 10^{-15} \text{ s}$
- ⇒ सभीकरणमां $n = 3$ मुक्तां, $T_3 = 1.53 \times 10^{-16} \times (3)^3$
 $T_3 = 4.13 \times 10^{-15} \text{ s}$

વિભાગ C

➤ નીચે આપેલા પ્રશ્નોના માગ્યા મુજબ ઉત્તર આપો : (દરેક પ્રશ્નના જ ગુણ)

22.



- કેપેસિટરમાં સંગ્રહિત ઊર્જા શોધવા માટે પ્રારંભમાં ધારો કે સુવાહક પરનો વિદ્યુતભાર શૂન્ય છે.
- છેદધારો કે, ધારન વિદ્યુતભારને ટુકડે-ટુકડે સુવાહક-2 પરથી સુવાહક-1 પર લઈ જવામાં આવે છે. માઝિયાના અંતે ધારો કે સુવાહક-1 પર Q જેટલો ધારન વિદ્યુતભાર અને સુવાહક-2 પર Q જેટલો અધાર વિદ્યુતભાર આવે છે.
- સુવાહક-2 પરથી ધારન વિદ્યુતભાર ને સુવાહક-1 પર લઈ જવા માટે કાર્ય કરનું પડે છે. આ કાર્ય જેટલી ઊર્જા કેપેસિટરમાં સંગ્રહ પામે છે, જેને કેપેસિટરમાં સંગ્રહિત ઊર્જા કરે છે.
- આ સમગ્ર માઝિયાની વયગાળાની એવી પરિસ્થિતિનો વિચાર કરો કે, જ્યારે સુવાહકો '1' અને '2' પર અનુકૂળે Q' અને $-Q'$ વિદ્યુતભારો હોય.
- આ વખતે સુવાહક '1' અને '2' વચ્ચે વિદ્યુત રીતિમાનનો તફાવત $V' = \frac{Q'}{C}$ છે.
- જ્યાં C તંત્રનું કેપેસિટન્સ છે.
- હવે કોઈ સૂક્ષ્મ વિદ્યુતભાર $\delta Q'$ ને સુવાહક '2' પરથી સુવાહક '1' પર લઈ જવા માટે કરનું પડનું કાર્ય
- સુવાહક 1 પર $+Q$ જેટલો વિદ્યુતભાર પ્રથાપિત કરવા માટે કરનું પડનું કુલ કાર્ય

$$W = \int_{0}^{Q'} \frac{Q'}{C} \delta Q'$$

$$\therefore W = \frac{1}{C} \left(\frac{Q^2}{2} \right)_0^Q$$

$$\therefore W = \frac{1}{C} \left(\frac{Q^2}{2} - 0 \right)$$

$$\therefore W = \frac{Q^2}{2C}$$

- આ કાર્ય કેપેસિટરમાં ઊર્જાખરસ્પે સંગ્રહ પામે છે, જેને કેપેસિટરમાં સંગ્રહિત ઊર્જા કરે છે.

$$\therefore U = \frac{Q^2}{2C}$$

$$\text{તેના વિવિધ સ્વરૂપો } U = \frac{Q^2}{2C} = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} VQ$$

- ઊર્જાનતા : એકમ કદ્દીઠ સંગ્રહાતી ઊર્જાને ઊર્જાનતા કહે છે.
- ધારો કે, સમાંતર પ્લેટ કેપેસિટરમાં દરેક પ્લેટનું ક્ષેત્રફળ A અને પ્લેટો વચ્ચેનું અંતર d છે.
- કેપેસિટરમાં સંગ્રહિત ઊર્જા

$$U = \frac{Q^2}{2C} \quad \text{પરંતુ } Q = \sigma A$$

$$C = \frac{\epsilon_0 A}{d} \quad \text{મૂકૃતાં,}$$

જ્યાં, σ = વિદ્યુતભારની પૃથ્વીનતા છે.

$$\therefore U = \frac{\sigma^2 A^2}{2 \frac{\epsilon_0 A}{d}} = \frac{\sigma^2 A d}{2 \epsilon_0}$$

- એ પ્લેટ વચ્ચે વિદ્યુતક્ષેપ $E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$ $\therefore \sigma = E \epsilon_0$

$$\therefore U = \frac{E^2 \epsilon_0^2 Ad}{2 \epsilon_0} = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2 Ad$$

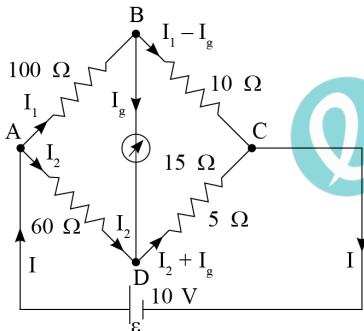
$$\therefore \frac{U}{Ad} = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2$$

પરંતુ $Ad = V$ (એ પ્લેટ વચ્ચેના વિસ્તારનું કણ)

$$\therefore \frac{U}{V} = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2$$

$$\therefore q_E = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2$$

23.



- નંદગાળા B - A - D - B ને કિર્ચોફનો બીજો નિયમ લગાડતાં,

$$100 I_1 - 60 I_2 + 15 I_g = 0$$

- સમીકરણને 5 વડે ભાગતાં

$$\therefore 20 I_1 - 12 I_2 + 3 I_g = 0 \dots\dots (1)$$

- નંદગાળા B - C - D - B ને કિર્ચોફનો બીજો નિયમ લગાડતાં,

$$-10 (I_1 - I_g) + 5 (I_2 + I_g) + 15 I_g = 0$$

- સમીકરણને '5' વડે ભાગતાં

$$\therefore -2 (I_1 - I_g) + I_2 + I_g + 3 I_g = 0$$

$$\therefore -2 I_1 + 2 I_g + I_2 + I_g + 3 I_g = 0$$

$$\therefore -2 I_1 + I_2 + 6 I_g = 0$$

$$\therefore 2 I_1 - I_2 - 6 I_g = 0 \dots\dots (2)$$

→ અંદગાળા A - D - C - E - A ને કિર્ચોફનો બીજો નિયમ લગાડતાં,

$$-60 I_2 - 5(I_2 + I_g) + 10 = 0$$

$$\therefore -60 I_2 - 5 I_2 - 5 I_g + 10 = 0$$

$$\therefore -65 I_2 - 5 I_g + 10 = 0$$

$$\therefore -5 (13 I_2 + I_g - 2) = 0$$

$$\therefore 13 I_2 + I_g = 2 \dots\dots (3)$$

→ સમીકરણ (2) ને 10 વડે ગુણી સમીકરણ (1)માંથી ભાદ કરતાં,

$$\therefore 20 I_1 - 12 I_2 + 3 I_g = 0$$

$$20 I_1 - 10 I_2 - 60 I_g = 0$$

$$\begin{array}{r} - \\ + \\ \hline \end{array}$$

$$-2 I_2 + 63 I_g = 0$$

$$-2 I_2 = -63 I_g$$

$$I_2 = \frac{63}{2} I_g \dots\dots (4)$$

→ સમીકરણ (4) ની કિમત સમીકરણ (3) માં મૂકતાં,

$$\therefore 13 \left(\frac{63}{2} I_g \right) + I_g = 2$$

$$\therefore \frac{819 I_g + 2 I_g}{2} = 2$$

$$\therefore 821 I_g = 4$$

$$\therefore I_g = \frac{4}{821} = 4.87 \text{ mA}$$

24.

$$\rightarrow V = 230 \text{ V}, L = 5 \text{ H}$$

$$C = 80 \mu\text{F}, R = 40 \Omega$$

→ (a) પરિપथને અનુનાદની સ્થિતિમાં લાવવા માટે ઓતની કોણીય આવૃત્તિ (ω_0)

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$\therefore \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{5 \times 80 \times 10^{-6}}}$$

$$\therefore \omega_0 = \frac{1}{20 \times 10^{-3}}$$

$$\therefore \omega_0 = \frac{1000}{20} \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

→ (b) અનુનાદ વખતે પરિપથમાં $X_C - X_L = 0$ થાય છે.

$$\text{જેથી ઇમ્પોલન્સ } Z = R$$

$$\therefore Z = 40 \Omega$$

⇒ વિદ્યુતત્રયાહનો કંપિસ્ટાર એટલે વિદ્યુતત્રયાહનું મહત્વમાં મૂલ્ય (i_m)

$$i_m = \sqrt{2} I = \sqrt{2} \frac{V}{Z}$$

$$\therefore i_m = \frac{1.414 \times 230}{40}$$

$$\therefore i_m = 8.13 \text{ A}$$

(c) (i) અવરોધના બે છેડા વચ્ચે વિદ્યુતસ્થિતિમાનનો તફાવત,

$$V_R = I R$$

$$= \frac{V}{Z} \times R = \frac{230}{40} \times 40 = 230 \text{ V}$$

(ii) ઇન્ડક્ટરના બે છેડા વરચે વિદ્યુતસ્થિતિમાનનો તફાવત,

$$V_L = I X_L = I \omega L = \frac{V}{Z} \omega L$$

$$V_L = \frac{230}{40} \times 50 \times 5$$

$$V_L = 1437.5 \text{ V}$$

(iii) કેપેસિટરના બે છેડા વરચે વિદ્યુતસ્થિતિમાનનો તફાવત,

$$V_C = I X_C = \frac{V}{Z} \cdot \frac{1}{\omega C}$$

$$V_C = \frac{230}{40 \times 50 \times 80 \times 10^{-6}}$$

$$V_C = 0.0014375 \times 10^6$$

$$V_C = 1437.5 \text{ V}$$

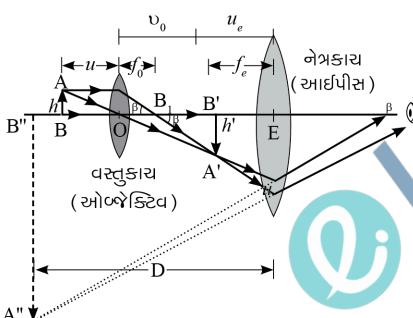
■ LC સંયોજનના બે છેડા વરચે વિદ્યુતસ્થિતિમાનનો તફાવત

$$V_{LC} = V_C - V_L$$

$$= 1437.5 - 1437.5 = 0$$

(LCR શ્રેણી પરિપथમાં ઇન્ડક્ટર અને કેપેસિટરના વોલ્ટેજના ફેઝ પરસ્પર વિરુદ્ધ દિશામાં હોય છે.)

25.



■ $f_0 = 2.0 \text{ cm}$

$f_e = 6.25 \text{ cm}$

■ (a) અંતિમ પ્રતિભિંબ નજીક બિંદુ અંતરે રચાય છે.

■■■ $v_e = -25 \text{ cm}$

■■■ આઈપીસ (નેગ્ટકાચ) માટે લેન્સનું સૂધી લાગુ પાડતાં,

$$\therefore \frac{1}{v_e} - \frac{1}{u_e} = \frac{1}{f_e}$$

$$\therefore \frac{1}{v_e} - \frac{1}{f_e} = \frac{1}{u_e}$$

$$\therefore \frac{1}{u_e} = \frac{-1}{25} - \frac{1}{6.25}$$

$$\therefore \frac{1}{u_e} = \frac{-1-4}{25}$$

$$\therefore u_e = -5 \text{ cm}$$

■■■ આમ, આઈપીસ (નેગ્ટકાચ) માટે વર્સ્ટુ-અંતર 5 cm મળે છે.

■■■ બે લેન્સ વર્સ્યેનું અંતર,

$v_0 + |u_e| = 15 \text{ cm}$ (જે આકૃતિ પરથી સમજુ શકાય છે.)

$$\therefore v_0 + 5 = 15$$

$\therefore v_0 = 10$ (ઓળ્ઝેક્ટિવ માટે પ્રતિબિંબ-અંતર)

⇒ ઓળ્ઝેક્ટિવ (વસ્તુ-કાચ) માટે લેન્સનું સૂધ લાગુ પાડતાં,

$$\frac{1}{v_0} - \frac{1}{u_0} = \frac{1}{f_0}$$

$$\therefore \frac{1}{v_0} - \frac{1}{f_0} = \frac{1}{u_0}$$

$$\therefore \frac{1}{u_0} = \frac{1}{10} - \frac{1}{2}$$

$$\therefore \frac{1}{u_0} = \frac{1-5}{10}$$

$$\therefore \frac{1}{u_0} = -\frac{4}{10}$$

$$\therefore u_0 = -2.5 \text{ cm}$$

⇒ આમ, વસ્તુને ઓળ્ઝેક્ટિવથી 2.5 cm અંતરે રાખવી જોઈએ.

⇒ માઇક્રોસ્કોપની મોટવશક્તિ,

$$m = m_0 \times m_e$$

$$\therefore m = \frac{v_0}{|u_0|} \times \left(1 + \frac{D}{f_e}\right)$$

$$\therefore m = \frac{10}{2.5} \times \left(1 + \frac{25}{6.25}\right)$$

$$\therefore m = 4(1+4)$$

$$\therefore m = 20$$

⇒ (b) અંતિમ પ્રતિબિંબ અનંત અંતરે રચાય છે.

$$v_e = \infty, f_e = 6.25 \text{ cm}$$

⇒ આધ્યાત્મિક માટે લેન્સનું સૂધ લાગુ પાડતાં,

$$\therefore \frac{1}{v_e} - \frac{1}{u_e} = \frac{1}{f_e}$$

$$\therefore \frac{1}{v_e} - \frac{1}{f_e} = \frac{1}{u_e}$$

$$\therefore \frac{1}{\infty} - \frac{1}{6.25} = \frac{1}{u_e}$$

$$\therefore \frac{1}{u_e} = 0 - \frac{1}{6.25}$$

$$\therefore u_e = -6.25 \text{ cm}$$

⇒ આમ, આધ્યાત્મિક માટે વસ્તુ-અંતર 6.25 cm મળે છે.

આધ્યાત્મિક માટે :

⇒ ને લેન્સ વરણેનું અંતર

$v_0 + |u_e| = 15 \text{ cm}$ (જે આકૃતિ પરથી સમજુ શકાય છે.)

$$\therefore v_0 + 6.25 = 15$$

$$\therefore v_0 = 8.75 \text{ cm}$$
 (જે ઓળ્ઝેક્ટિવ માટે પ્રતિબિંબ-અંતર છે.)

⇒ ઓળ્ઝેક્ટિવ (વસ્તુ-કાચ) માટે લેન્સનું સૂધ લાગુ પાડતાં,

$$\frac{1}{v_0} - \frac{1}{u_0} = \frac{1}{f_0}$$

$$\therefore \frac{1}{v_0} - \frac{1}{f_0} = \frac{1}{u_0}$$

$$\therefore \frac{1}{u_0} = \frac{1}{8.75} - \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{u_0} = \frac{2 - 8.75}{8.75 \times 2}$$

$$\therefore \frac{1}{u_0} = \frac{-6.75}{17.5}$$

$$\therefore u_0 = \frac{-17.5}{6.75}$$

$$\therefore u_0 = -2.59 \text{ cm}$$

આમ, વસ્તુને ઓળજોકિટવથી 2.59 cm અંતરે રાખવી જોઈએ.

માધ્યકોરોપની મોટવશાક્તિ,

$$m = m_0 \times m_e$$

$$\therefore m = \left| \frac{v_0}{u_0} \right| \times \left(\frac{D}{f_e} \right)$$

$$\therefore m = \frac{8.75}{2.59} \times \frac{25}{6.25}$$

$$\therefore m = 13.5$$

26.

→ ક્ષુદ્રએરિયમનો પરમાણુ ભાર 2 ગ્રામ/મોલ

ક્ષુદ્રએરિયમનું દળ પરમાણુની સંખ્યા

$$2 \text{ ગ્રામ} \quad 6.023 \times 10^{23}$$

$$2000 \text{ ગ્રામ} \quad ?$$

→ પરમાણુઓની સંખ્યા

$$N = \frac{2000 \times 6.023 \times 10^{23}}{2}$$

$$\therefore N = 6.023 \times 10^{26} \text{ પરમાણુ}$$

→ એ ${}^1\text{H}^2$ ના સંલયનથી 3.27 MeV જોડવી ઊર્જા જુટી પડે છે.

N પરમાણુના સંલયનથી જુટી પડતી ઊર્જા

$$E = \frac{N \times 3.27 \text{ MeV}}{2}$$

$$\therefore E = \frac{6.023 \times 10^{26} \times 3.27 \times 10^6 \times 1.6 \times 10^{-19}}{2}$$

$$\therefore E = 15.75 \times 10^{13} \text{ J}$$

→ બનબનો પાવર 100 W છે, એટલે કે 100 J ઊર્જા 1 s માં ખરચિય છે.

→ $E = 15.75 \times 10^{13} \text{ J}$ ઊર્જા ખર્ચવા માટે લગતો સમય

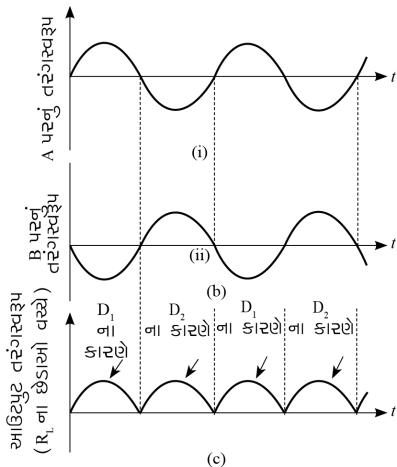
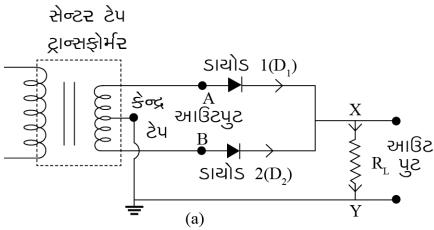
$$t = \frac{15.75 \times 10^{13}}{100}$$

$$\therefore t = 15.75 \times 10^{11} \text{ s}$$

$$\therefore t = \frac{15.75 \times 10^{11}}{3.154 \times 10^4}$$

$$\therefore t = 4.99 \times 10^4 \text{ દિન}$$

→ આમ, વિદ્યુત બનબન લગતો ચાલુ રહી શકે છે.



- આકૃતિ (a)માં પૂર્ણતરંગ રેફિન્ડિન્યુલ તરીકેનો પરિપથ દર્શાવેલ છે. પૂર્ણતરંગ રેફિન્ડિન્યુલમાં બે $p - n$ જ્વલન ડાયોડનો ઉપયોગ કરવામાં આવે છે.
- આ પ્રકારના રેફિન્ડિન્યુલમાં AC ચક્કા ધન અને અધણ બંને અધ્યક દરમિયાન રેફિન્ડિન્યુલ થયેલો આઉટપુટ મળે છે. આથી તેને પૂર્ણતરંગ રેફિન્ડિન્યુલ કહે છે.
- આકૃતિમાં દર્શાવ્યા મુજબ, બંને ડાયોડની p -પ્રકારની બાજુઓ ટ્રાન્સફોર્મરના ગોણ ગૂંચળા સાથે જોડેલ છે. બંને ડાયોડની n -પ્રકારની બાજુઓ એકબીજા સાથે જોડેલ છે અને આ બે ડાયોડના સામાન્ય બિંદુ અને ટ્રાન્સફોર્મરના ગોણ ગૂંચળાના મદ્ય બિંદુ વચ્ચે આઉટપુટ લેવામાં આવે છે. આથી પૂર્ણતરંગ રેફિન્ડિન્યુલ માટે ટ્રાન્સફોર્મરના ગોણ ગૂંચળાના કેન્દ્રબિંદુમાંથી છેડો કાઢવામાં આવે છે. જેને સેન્ટર ટેપ ટ્રાન્સફોર્મર કહે છે.
- આકૃતિ (c) પરથી જોઈ શકાય કે, દરેક ડાયોડ વક્ર રેફિન્ડિન્યુલ થયેલો વોલ્ટેજ સેકન્ડરીના કુલ વોલ્ટેજનો અદધો હોય છે. દરેક ડાયોડ ફક્ત અધ્યક દરમિયાન $\frac{1}{2}$ રેફિન્ડિન્યુલ કરે છે, પરંતુ બંને ડાયોડ વારાફર્તી આવતા ચક માટે આમ કરે છે. આથી આ કિર્સામાં મળતો આઉટપુટ વોલ્ટેજ પૂરી તરંગ રેફિન્ડિન્યુલ આઉટપુટ બને છે.
- ધારો કે, કોઈ ક્ષણે એક પાસેનો ઇનપુટ વોલ્ટેજ ધન છે. A અને B પાસેનો વોલ્ટેજ વિરુદ્ધ કળામાં હોવાથી B પાસે વોલ્ટેજ અધણ હોવો જોઈએ. આ કિર્સામાં ડાયોડ D_1 ફોર્વર્ડ અને D_2 રિવર્સ બાયસમાં ભોડાય છે.
- આથી, આકૃતિ (c)માં દર્શાવ્યા મુજબ આ અધ્યક દરમિયાન R_L ના છેડા વચ્ચે આઉટપુટ મ્રવાહ મળે છે.
- બીજા અધ્યક દરમિયાન A પાસેનો વોલ્ટેજ - અધણ અને B પાસેનો વોલ્ટેજ ધન હોય છે. આ કિર્સામાં ડાયોડ D_1 રિવર્સ બાયસમાં ભોડાય છે. જેથી ડાયોડ D_2 માંથી મ્રવાહનું વહન થાય છે અને આઉટપુટ વોલ્ટેજ મળે છે.
- આમ, આપણાને એક ચક્કા ધન અને અધણ એમ બંને અધ્યક દરમિયાન આઉટપુટ મળે છે.